26-27

GRADO EN INGENIERÍA DE LA ENERGÍA
SEGUNDO CURSO

GUÍA DE ESTUDIO PÚBLICA

AMPLIACIÓN DE CÁLCULO

CÓDIGO 6890210-

UNED

26-27

AMPLIACIÓN DE CÁLCULO

CÓDIGO 6890210-

ÍNDICE

PRESENTACIÓN Y CONTEXTUALIZACIÓN
REQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES PARA CURSAR LA ASIGNATURA
EQUIPO DOCENTE
HORARIO DE ATENCIÓN AL ESTUDIANTE
TUTORIZACIÓN EN CENTROS ASOCIADOS
COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE
RESULTADOS DE APRENDIZAJE
CONTENIDOS
METODOLOGÍA
SISTEMA DE EVALUACIÓN
BIBLIOGRAFÍA BÁSICA
BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA
RECURSOS DE APOYO Y WEBGRAFÍA
PRÁCTICAS DE LABORATORIO
IGUALDAD DE GÉNERO

NOMBRE DE LA ASIGNATURA	AMPLIACIÓN DE CÁLCULO
CÓDIGO	6890210-
CURSO ACADÉMICO	2026/2027
DEPARTAMENTO	MATEMÁTICA APLICADA I
TÍTULO EN QUE SE IMPARTE	GRADO EN INGENIERÍA EN TECNOLOGÍAS INDUSTRIALES
CURSO - PERIODO - TIPO	- SEGUNDO - SEMESTRE 1 - OBLIGATORIAS
TÍTULO EN QUE SE IMPARTE	GRADO EN INGENIERÍA DE LA ENERGÍA
CURSO - PERIODO - TIPO	GRADO EN INGENIERÍA DE LA ENERGÍA (PLAN 2026) - SEGUNDO CURSO - SEMESTRE 1 - OBLIGATORIAS
CURSO - PERIODO - TIPO	GRADO EN INGENIERÍA DE LA ENERGÍA (PLAN 2022) - SEGUNDO CURSO - SEMESTRE 1 - OBLIGATORIAS
TÍTULO EN QUE SE IMPARTE	GRADO EN INGENIERÍA MECÁNICA
CURSO - PERIODO - TIPO	GRADUADO EN INGENIERÍA MECÁNICA (PLAN 2024) - SEGUNDO CURSO - SEMESTRE 1 - OBLIGATORIAS
CURSO - PERIODO - TIPO	GRADUADO EN INGENIERÍA MECÁNICA (PLAN 2009) - SEGUNDO CURSO - SEMESTRE 1 - OBLIGATORIAS
TÍTULO EN QUE SE IMPARTE	GRADO EN INGENIERÍA EN ELECTRÓNICA INDUSTRIAL Y AUTOMÁTICA
CURSO - PERIODO - TIPO	GRADUADO EN ING. EN ELECTRÓNICA INDUSTRIAL Y AUTOMÁTICA (PLAN 2024) - SEGUNDO CURSO - SEMESTRE 1 - OBLIGATORIAS
CURSO - PERIODO - TIPO	GRADUADO EN ING. EN ELECTRÓNICA INDUSTRIAL Y AUTOMÁTICA (PLAN 2009) - SEGUNDO CURSO - SEMESTRE 1 - OBLIGATORIAS
TÍTULO EN QUE SE IMPARTE	GRADO EN INGENIERÍA ELÉCTRICA
CURSO - PERIODO - TIPO	GRADUADO EN INGENIERÍA ELÉCTRICA (PLAN 2024) - SEGUNDO CURSO - SEMESTRE 1 - OBLIGATORIAS
CURSO - PERIODO - TIPO	GRADUADO EN INGENIERÍA ELÉCTRICA (PLAN 2009) - SEGUNDO CURSO - SEMESTRE 1 - OBLIGATORIAS
Nº ETCS	6
HORAS	150.0
IDIOMAS EN QUE SE IMPARTE	CASTELLANO

PRESENTACIÓN Y CONTEXTUALIZACIÓN

Presentación

Ampliación de Cálculo es una asignatura de carácter obligatorio de seis créditos ECTS (aproximadamente 25 horas de trabajo cada ECTS), que se cursa en los grados indicados en esta misma página.

Cada uno de estos grados tiene su propia memoria de verificación, que debería poderse consultar en el Registro de Universidades, Centros y Títulos (RUCT) del Ministerio de Universidades.

Ampliación de Cálculo trata de proporcionar los conocimientos matemáticos necesarios para poder abordar las asignaturas de carácter técnico. Una buena comprensión de sus contenidos facilitará el estudio de numerosos problemas técnicos que involucran conceptos y propiedades de los objetos matemáticos estudiados. Su utilidad va a hacerse patente a lo largo de todo el grado.

Al tratarse de una herramienta esencial, utilizable continuamente en el estudio de las diferentes materias, es muy conveniente alcanzar una idea clara de los conceptos y prestar atención también a las técnicas de demostración. Para ello debe proponerse ejemplos y contraejemplos en las diferentes proposiciones y teoremas.

Otro objetivo importante es alcanzar un buen nivel de destreza en el cálculo algorítmico, para lo cual debe realizar un número suficiente de ejercicios y problemas de distinto grado de dificultad.

En la asignatura se dan por conocidos los fundamentos del cálculo de una variable: diferenciación e integración, así como la diferenciación de funciones de varias variables, que se estudian en la asignatura Cálculo de primer curso.

Desde el comienzo de las enseñanzas regladas en ingeniería, las matemáticas han formado parte de las herramientas necesarias para su desarrollo. Pero su aportación no se produce solo a través de los contenidos, sin los cuales sería imposible establecer los modelos matemáticos de los problemas técnicos y tecnológicos, sino, también, aportando los métodos lógico-deductivos que proporcionan al futuro ingeniero racionalidad y eficacia en la descripción, análisis e interpretación de los problemas, tanto académicos como reales, lo que sin duda alguna le permitirá evaluar y enjuiciar su solución y, en su caso, las consecuencias de acciones que pueda emprender. Para lograr ese fin, el equipo docente de *Ampliación de Cálculo* procura, en todo momento, tanto respetar como desafiar intelectualmente a los estudiantes.

Relación con otras materias de los planes de estudio

El conocimiento de los contenidos de *Ampliación de Cálculo* es necesario para cursar la mayor parte de las asignaturas que integran el plan de estudios del Grado. Damos a continuación una breve muestra de algunas materias en las que aparecen los tres bloques temáticos de que consta el programa.

El cálculo integral de varias variables aparece en la práctica totalidad de las asignaturas, valga como muestra, en Elasticidad y Resistencia de Materiales, el cálculo de momentos flectores de las vigas. Sus aplicaciones más elementales a la Física permite el cálculo de masas, centros de gravedad, momentos de inercia, trabajo, etc.

La integración de superficies y el análisis vectorial con sus descriptores (el *gradiente* y el *la placiano* en los campos escalares, y la *divergencia,* y el *rotacional* en los vectoriales) cuyo estudio nos permite conocer el comportamiento del campo en el entorno de un punto, así como sus importantes resultados (teoremas de Stokes y de la divergencia), constituyen la herramienta imprescindible para el desarrollo de Teoría de campos tanto en Mecánica como en Electromagnetismo.

También son numerosas las situaciones en las que se aplica la teoría de funciones de variable compleja como modelo para describir y estudiar procesos físicos en el plano. Por ejemplo, en Electromagnetismo el empleo del potencial complejo presenta grandes ventajas para el cálculo en campos eléctricos bidimensionales. Otro ejemplo en Mecánica de Fluidos es en el análisis de volúmenes de control mediante el teorema de transporte.

En resumen, esta asignatura fomenta la capacidad matemática para entender los principios de las distintas ramas de la ingeniería y sus diversos campos. Entre otros:

- Electricidad.
- Mecánica.
- Transmisión de calor.
- Resistencia y ciencia de materiales.
- Mecánica de fluidos.
- Técnicas energéticas.

REQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES PARA CURSAR LA ASIGNATURA

Para afrontar con éxito el estudio de Ampliación de Cálculo es necesario haber superado las asignaturas de *Álgebra* y *Cálculo* de primer curso. A continuación se especifican los principales requisitos:

1. Estructuras algebraicas, muy especialmente, espacios vectoriales.
2. Formas bilineales y cuadráticas.
3. Números reales. Intervalos, entornos, puntos de acumulación o puntos límites. Conjuntos acotados, supremo e ínfimo de un conjunto acotado. Sucesiones y series de números reales.
4. Funciones reales de una variable real. Límites y continuidad.
5. Derivación. Propiedades elementales. Regla de la cadena. Derivadas sucesivas. Teorema de Taylor. Aplicaciones.
6. Integración. Definición de la integral de Riemann. Propiedades. Teoremas fundamentales del cálculo integral. Métodos de integración. Aplicaciones de la integral.
7. Sucesiones de funciones.
8. El espacio $\mathbf{R}^n$. Distancia y norma. Conjuntos acotados. Entornos. Conjuntos abiertos y cerrados. Adherencia y acumulación.
9. Coordenadas polares en el plano.
10. El espacio $\mathbf{R}^3$. Ortogonalidad. Producto escalar.
11. Funciones de varias variables. Límites y continuidad. Diferenciabilidad, propiedades y aplicaciones. Funciones inversas e implícitas.

La mayor dificultad para abordar la asignatura suele ser la falta de conocimientos previos. Los materiales de la asignatura incluyen un capítulo de repaso, pero, si es necesario, se debe acudir a los textos de cursos anteriores para repasar o estudiar los objetos matemáticos, conceptos, propiedades, técnicas de demostración, cálculos algorítmicos, etc., que necesita para una comprensión total de Ampliación de Cálculo.
Los estudiantes que deseen repasar, antes de la apertura de los cursos virtuales, los contenidos recomendables para cursar la asignatura, podrán descargar el Tema I del texto-base en la página WEB del Departamento de Matemática Aplicada de la UNED, a la que se puede acceder sin necesidad de autentificarse. También se puede acceder en abierto a los cuestionarios resueltos del tema.
Una última recomendación para cursar la asignatura: no presten mucha atención a las recomendaciones. Podemos dudar sobre la mejor ruta para ascender a la cima de una montaña, pero no debemos perder el tiempo con vídeos que nos expliquen cómo llegar a la cima caminando siempre cuesta abajo. Si preguntamos, que sea a alguien que haya subido, pero sin olvidar que la mejor ruta para un montañero puede no ser la mejor para otro. De cualquier manera, alcanzar la cima, sea por una u otra ruta, requiere esfuerzo, mucho esfuerzo, lo que no significa que debamos padecer mientras subimos: ningún montañero odia la caminata.
Estudiar matemáticas cuesta; a veces, cuesta mucho. Sabremos que vamos por buen camino cuando consigamos disfrutar con el esfuerzo, incluso al fracasar. Solo así las matemáticas dejarán de parecernos una secuencia de recetas caprichosas, para cobrar sentido.
Debes amar el tiempo de los intentos.
Debes amar la hora que nunca brilla.
Y si no, no pretendas tocar lo yerto.
Sólo el amor engendra la maravilla,
sólo el amor consigue encender lo muerto.
José Martí (1853-1895)

EQUIPO DOCENTE

Nombre y Apellidos	ESTIBALITZ DURAND CARTAGENA
Correo Electrónico	edurand@ind.uned.es
Teléfono	91398-6439
Facultad	ESCUELA TÉCN.SUP INGENIEROS INDUSTRIALES
Departamento	MATEMÁTICA APLICADA I

Nombre y Apellidos	JUAN JACOBO PERAN MAZON (Coordinador/a de asignatura)
Correo Electrónico	jperan@ind.uned.es
Teléfono	91398-7915
Facultad	ESCUELA TÉCN.SUP INGENIEROS INDUSTRIALES
Departamento	MATEMÁTICA APLICADA I

Nombre y Apellidos	ANTONIO MANUEL VARGAS UREÑA
Correo Electrónico	avargas@ind.uned.es
Teléfono	91398-6436
Facultad	ESCUELA TÉCN.SUP INGENIEROS INDUSTRIALES

Departamento MATEMÁTICA APLICADA I

HORARIO DE ATENCIÓN AL ESTUDIANTE

Contacto con el equipo docente (sede central).

Procedimiento

I. Para consultas con contenido matemático o sobre el funcionamiento de la asignatura, por orden de preferencia:

1. Foros del curso virtual. Con la única excepción de las consultas en las que se deba resguardar la privacidad, este el procedimiento indicado.
2. Correo electrónico (Juan Perán: jperan@ind.uned.es, Estibalitz Durand: edurand@ind.uned.es, Antonio Manuel Vargas Ureña: avargas@ind.uned.es).
3. Entrevista. Departamento de Matemática Aplicada, Escuela de Ingenieros Indus-triales de la UNED, 2ª planta, calle de Juan del Rosal 12, Madrid. Se ruega concertar cita mediante correo electrónico o telefónicamente.
4. Teléfono (Juan Perán: 913987915, Estibalitz Durand: 913986439, Antonio Manuel Vargas: 913986436). La llamada puede ser desviada a un buzón de voz. Por favor, deje su nombre, asignatura, asunto que quiere tratar y número de teléfono donde puede ser localizado.
5. Correo ordinario.

II. Para consultas privadas (evaluación, orientaciones me-to-do-lógicas, bi-blio-gra---fía, etc.), por orden de preferencia:

1. Correo electrónico.
2. Entrevista personal o mediante videoconferencia. Se ruega concertar cita.
3. Teléfono. La llamada puede ser desviada a un buzón de voz. Por favor, deje su nombre, asignatura, asunto que quiere tratar y número de teléfono donde puede ser localizado.
4. Correo ordinario.

Horario

Las consultas telefónicas o por videconferencias pueden realizarse los miércoles de 10 a 14 horas. Fuera de ese horario, el equipo docente contesta a las llamadas que requieran atención urgente por las mañanas (de 10 a 14 horas) y por las tardes (de 16 a 20 horas), de lunes a viernes (coordinador de la asignatura: Juan Perán, 913987915). Excluyendo esos casos justificados en los que la atención no pueda demorarse, los canales establecidos, tal y como se indica más arriba, son el correo electrónico y los foros del curso virtual, a los que se responde habitualmente en uno o dos días.

Téngase en cuenta que durante las semanas de exámenes el equipo docente puede estar en comisión de servicios en alguno de los tribunales, por lo que no sería posible la atención durante estos perio-dos.

Departamento de Matemática Aplicada, ETSI Industriales de la UNED, c/ Juan del Rosal, 12,

28040 Madrid,
Estibalitz Durand. Depacho 2.43. Tlf: 913986439. Correo electrónico: edurand@ind.uned.es
Juan Perán. Despacho 2.45. Tlf: 913987915. Correo electrónico: jperan@ind.uned.es
Antonio Manuel Vargas Ureña 2.36 Tlf: 913986436. Correo electrónico:avargas@ind.uned.es
. Lunes de 10:00 a 14:00 horas.

TUTORIZACIÓN EN CENTROS ASOCIADOS

En el enlace que aparece a continuación se muestran los centros asociados y extensiones en las que se imparten tutorías de la asignatura. Estas pueden ser:

•**Tutorías de centro o presenciales**: se puede asistir físicamente en un aula o despacho del centro asociado.

•**Tutorías campus/intercampus**: se puede acceder vía internet.

Consultar horarios de tutorización de la asignatura 6890210-

COMPETENCIAS QUE ADQUIERE EL ESTUDIANTE

Ver sección de Resultados de Aprendizaje.

RESULTADOS DE APRENDIZAJE

Los Resultados de Aprendizaje se podrán consultar en las Memorias de Verificación de los Grados en los que se imparte la asignatura AMPLIACIÓN DE CÁLCULO.

GRADO EN INGENIERÍA DE LA ENERGÍA:
Memoria verificada
GRADO EN INGENIERÍA MECÁNICA:
Memoria verificada
GRADO EN INGENIERÍA ELECTRÓNICA INDUSTRIAL Y AUTOMÁTICA:
Memoria verificada
GRADO EN INGENIERÍA ELÉCTRICA:
Memoria verificada
GRADO EN INGENIERÍA EN TECNOLOGÍAS INDUSTRIALES:
Memoria del Título

CONTENIDOS

Bloque 0. Tema I. Repaso, notaciones y terminología.

En el curso virtual de *Ampliación de Cálculo* se publica en abierto todo el material didáctico de la asignatura: el texto-base, soluciones de los cuestionarios y una colección de ejercicios resueltos. En el texto-base se hallará una amplia información sobre los contenidos

fundamentales y las palabras clave de cada bloque.

Este bloque 0, que corresponde al tema I del manual, está, a su vez, dividido en dos partes. En la primera, se revisan las notaciones y los conceptos básicos de las matemáticas, con el fin, no solo de ayudar al estudiante a recordar esas nociones, sino con el ánimo de fijar una notación y una terminología, que pueden variar de uno a otro manual. En la segunda parte, se presenta una revisión del los conceptos elementales del cálculo infinitesimal estudiados en cursos anteriores (funciones, límites, derivadas, integrales, series, etc.)

Los contenidos de este primer bloque son anteriores a los correspondientes a *Ampliación de Cálculo*, pero es muy recomendable revisar este bloque 0 antes de comenzar con el estudio propiamente dicho. La formación matemática que le supone a quien se matricula en *Ampliación de Cálculo* debería capacitarlo para comenzar el estudio de la asignatura por el bloque I; sin embargo, es natural que incluso la persona mejor preparada necesite revisar antes, en el bloque 0, las notaciones que se emplearán. Por eso, en el Plan de Trabajo, se reservan siete horas para esa tarea.

Es perjudicial engañarse con la autoevaluación inicial. Si apreciamos la necesidad de dedicar más horas al bloque 0, debemos hacerlo sin dudar, pero sin pretender descontar el tiempo empleado del que requieren los bloques I, II y III.

El equipo docente publicará el Tema I en la página de Internet del Departamento de Matemática Aplicada de la UNED, de manera que esté a disposición de los estudiantes antes de la apertura de los cursos virtuales.

Bloque I. Temas II y III. Cálculo diferencial vectorial, con complementos de álgebra y geometría.

El bloque I está formado por

•El tema II, Complementos de Álgebra y Geometría, y

•El tema III, Cálculo diferencial vectorial.

En el tema II podemos encontrar tanto elementos de repaso de Álgebra lineal y multilineal (espacios vectoriales, aplicaciones lineales, determinantes, etc.), como complementos formativos nuevos. Estos complementos formativos se pueden clasficar en:

•Complementos de Álgebra multilineal.

•Complementos de Geometría (curvas, superficies y variedades).

Solo una parte de la carga de trabajo que requiere el estudio de este tema puede incluirse en las ciento cincuenta horas de dedicación de Ampliación de Cálculo (el resto, corresponde a materiales de repaso).

El tema III se dedica al estudio del cálculo diferencial vectorial. Se intenta ofrecer un enfoque más moderno del habitual en los manuales destinados a estudiantes de ingeniería, mediante una presentación unificada, tanto de los operadores gradiente, divergencia y rotacional, como de las parametrizaciones de superficies y las coordenadas curvilíneas. En

algunos apartados, como al introducir el concepto de diferencial de una forma, reducimos al máximo el rigor en la exposición, para intentar transmitir las ideas básicas.
El tema III está dividido, a su vez, en tres partes:
•Campos y formas.
•Coordenadas curvilíneas.
•Diferencial de una forma: gradiente, divergencia y rotacional.

Bloque II. Temas IV y V. Cálculo integral en varias dimensiones.

El bloque II está formado por
•El tema IV, Integración en varias dimensiones, y
•El tema V, Ejemplos de aplicación de la integral.
El tema IV trata sobre la integral. Más concretamente, sobre la noción de integral de Lebesgue. El principal inconveniente de introducir esta teoría en los estudios de ingeniería reside en la dificultad de exponerla de una manera inteligible y rigurosa. Aquí se esquiva ese inconveniente, porque no pretendemos llegar al nivel de rigor de los cursos de teoría de la integración.
Con todo, muchos profesores de matemáticas considerarán que debe estudiarse antes la integral de Riemann. Nosotros presentamos la integral de Lebesgue mediante funciones escalonadas con infinitos escalones (a la manera de Piotr Mikusiski y Michael D. Taylor, aunque de forma mucho más tosca; ver la bibliografía del texto-base). De esta manera, la noción de integral de Riemann, incluso desde el punto de vista didáctico, queda como un simple caso particular.
El bloque de integración concluye con el tema V, que trata de las aplicaciones. Algunas de ellas son las habituales en un libro cálculo (longitudes, áreas, volúmenes, baricentros, ...), pero otras, como las funciones generalizadas y las aplicaciones a la probabilidad y la estadística, no son tan recuentes.

Al estudiar la noción de medida en el tema IV, ya se han visto el cálculo de áreas en $\mathbf{R}^2$ y el de volúmenes en $\mathbf{R}^3$. En su momento, en el tema II, se vio el volumen k-dimensional de un variedad lineal de $\mathbf{R}^n$. En este tema, combinamos las dos ideas, para calcular volúmenes k-dimensionales de variedades no necesariamente lineales (es decir, variedades curvadas): en particular, de curvas de $\mathbf{R}^2$ y $\mathbf{R}^3$ y de superficies de $\mathbf{R}^3$.
Si tuviéramos que destacar un concepto en este tema, sería el de baricentro, en su sentido más general, como promedio ponderado.

Bloque III. Temas VI y VII. Funciones de variable compleja.

Este último bloque está formado por

•El tema VI, Números complejos y funciones complejas, y
•El tema VII, Integración en variable compleja.

Al abordar el tema VI, sobre número complejos y funciones complejas, el estudiante debe partir de dos modelos mentales o marcos de referencia: la recta real y el plano cartesiano. En la recta real, **R**, tenemos dos operaciones básicas (adición y multiplicación) que satisfacen las propiedades que venimos estudiando desde el colegio. También tenemos un orden total compatible con esas operaciones. Lo podemos resumir diciendo que **R** es un cuerpo normado completo y también ordenado (arquimediano).

En el plano cartesiano, $\mathbf{R}^2$, también tenemos dos operaciones básicas (adición y multiplicación por números) que gozan de propiedades análogas, pero no se pueden multiplicar dos elementos de $\mathbf{R}^2$ para obtener otro elemento de $\mathbf{R}^2$. Tampoco es posible definir en $\mathbf{R}^2$ una relación de orden total compatible con sus operaciones.

El plano complejo **C** es geométricamente idéntico a $\mathbf{R}^2$, pero algebraicamente es idéntico a **R** (cuerpo normado completo). Si prestamos atención, tanto a las analogías, como a las diferencias, gran parte del trabajo de este tema estará hecho.

En el tema VI se distinguen tres bloques temáticos:

•Los números complejos y las funciones complejas. Aquí se define el cuerpo **C** y se enumeran sus propiedades, explotando las analogías con el cálculo en **R** y en $\mathbf{R}^2$, pero también señalando las diferencias.
•Series de potencias. Una vez más, partimos de lo que conocemos sobre las series en **R** y lo extendemos sin dificultad. Hay que prestar la atención a las diferencias geométricas (por ejemplo, lo que antes era un intervalo de convergencia, ahora será un círculo de convergencia).
•Aplicamos los dos bloque anteriores para definir y estudiar las funciones fundamentales del cálculo de variable compleja.

Antes de entrar en el desarrollo del tema VII, que trata sobre la denominada Teoría de Cauchy, conviene ver, desde lejos, hacia dónde vamos.

Cuando queremos hacer la integral de una función $y=f(x)$ sobre un intervalo [a,b] de la recta real, buscamos una función F cuya derivada sea f y evaluamos $F(b)\ F(a)$. No hay ningún motivo para pensar que, en el caso de funciones de variable compleja, no ocurra algo parecido. Efectivamente, el resultado es casi idéntico, pero hay dos diferencias fundamentales, que son consecuencia de lo distintas que son las geometrías de **R** (una recta) y de **C** $\mathbf{R}^2$ (un plano):

•Las únicas curvas que podemos dibujar dentro de **R** son segmentos rectos y, si queremos que la curva empiece y acabe en el mismo punto (curva cerrada), no queda más remedio que dibujar un segmento de ida y vuelta. Por lo tanto, la integral de una función continua sobre un curva cerrada siempre da cero.
En cambio, en **C** podemos dibujar curvas cerradas como una circunferencia. En una curva

como esa, salimos de un punto y volvemos a él, pero por otro camino, no repetimos arcos. Así que, no es tan evidente que la integral sobre una curva cerrada tenga que dar cero.

- En el cálculo de una variable real, toda función continua en un intervalo tiene una primitiva definida en él (es la F que buscamos cuando hacemos integrales), lo que nos lleva a la misma conclusión de antes: al integrar una función continua sobre un curva cerrada de **R**, tenemos F(b) F(b) = 0.

  Pero, hay funciones continuas de variable compleja f para las que no existe una primitiva definida en todo el dominio de f. El ejemplo más importante, como veremos, es f(z) = 1/z (recordemos que no existe ninguna determinación del logaritmo definida en **C** \ {0}).

No es difícil imaginar que nuestro objetivo sea desarrollar un procedimiento que permita calcular las integrales de esas funciones continuas que no dan cero al integrarlas sobre una cierta curva cerrada (en primer lugar, habrá que distinguirlas de las que sí dan cero, claro).

METODOLOGÍA

Ampliación de Cálculo, como no podía ser de otra manera en una asignatura de la UNED, se imparte con la metodología de la enseñanza a distancia. Esta afirmación obvia exige, no obstante, algunas consideraciones.

Originalmente la D de "UNED" se refería a la distancia física entre el estudiante y la sede central. Ese distanciamiento implicaba, entre otras cosas, el asincronismo entre la exposición del equipo docente y el estudio del alumnado. Por otra parte, esa distancia y esa asincronía existían mucho antes de que se crearan las instituciones de enseñanza abierta: desde siempre, algunos estudiantes han considerado que obtenían poco provecho de las clases magistrales y han optado por el absentismo, poniendo la distancia y la asincronía por su cuenta, aunque solo la UNED permitía desde su origen completar el proceso de aprendizaje, incluyendo la evaluación, manteniendo la distancia con la sede central.

Lo que verdaderamente distingue a la enseñanza a distancia de la presencial es que todos (o casi todos) los materiales didácticos están concebidos para su utilización asíncrona. En este sentido, una institución que impartiera las clases magistrales exclusivamente mediante videoconferencias en directo no estaría utilizando ninguna metodología de enseñanza a distancia (salvo por la propia distancia física, claro), pues la metodología sería la misma que la de una clase magistral presencial.

La metodología que se aplica en *Ampliación de Cálculo* se basa en tres elementos:

- **Los materiales didácticos**, especialmente elaborados para la enseñanza a distancia, que se publican en abierto en el curso virtual (manual de teoría con abundantes ejemplos y cuestionarios, así como una colección de ejercicios resueltos de cada bloque, tanto en formato escrito como en vídeo).
- **Los foros del curso virtual**, en los que se deben plantear las dudas que surjan al estudiar cada tema. Como regla general, se puede afirmar que si no hay dudas es que no se ha entendido nada. Las preguntas en los foros activan un mecanismo de retroalimentación: cada pregunta modifica y completa los materiales didácticos que la originan. El manual no

puede contener todas las explicaciones, figuras, animaciones, etc. que el equipo docente puede generar. Si lo hiciera, se convertiría en un mamotreto ilegible. Los materiales didácticos están siempre incompletos sin las preguntas de los estudiantes.

Quien no pregunta, en realidad, está aplicándose la antiquísima metodología que hemos comentado antes: no seguir la docencia y empollar en casa. Por supuesto, miles de estudiantes han aplicado con éxito ese método desde siempre, pero no es el más conveniente en esta asignatura.

Los foros también pueden utilizarse como material de consulta, leyendo las preguntas formuladas por los compañeros y las correspondientes respuestas del equipo docente.

Por *foros* entendemos aquí los atendidos por el equipo docente de la sede central. Los foros del profesor-tutor (los de cada centro asociado) solo deben emplearse para preguntar sobre cuestiones puntuales relacionadas con las tutorías impartidas en ese centro asociado (ya sea presencialmente o mediante videoconferencia).

- **Las tutorías de los centros asociados**, en su caso. Se trata de clases síncronas que ofrecen los centros asociados a sus estudiantes. Estas tutorías están concebidas para la resolución de dudas o para que el profesor-tutor resuma los contenidos de los temas, pero de ninguna manera se puede esperar una exposición completa del programa como la que se haría en una universidad presencial (sería imposible hacerlo en una cuarte parte del tiempo).

Además de esos tres pilares básicos, los procedimientos de evaluación (que incluyen la información que se le proporciona al estudiante sobre su desempeño en relación con los resultados del aprendizaje) completan la metodología de la asignatura. Los procesos de evaluación constan de los siguientes elementos:

- **La autoevaluación inicial**. Antes de comenzar a estudiar la asignatura es muy conveniente tomar consciencia de nuestras condiciones iniciales. Entendemos aquí por *consciencia* la *capacidad de los seres humanos de verse y reconocerse a sí mismos y de juzgar sobre esa visión y reconocimiento* (Diccionario de la Lengua Española, actualización 2022). Con ese fin, se propone una autoevaluación en tres dimensiones:
- Capacidad para comprender y elaborar el razonamiento matemático (x).
- Formación general en matemáticas (y).
- Formación específica en Cálculo (z).

Es evidente que estas tres variables no son totalmente independientes, aunque tampoco se puede determinar ninguna de ellas a partir de las otras dos. Podemos imaginar una representación gráfica en un espacio tridimensional, colocando en cada eje una de esas variables (cuantificada, por ejemplo, entre 0 y 10). Obtendríamos un cierto subconjunto U de ese espacio tridimensional, cada uno de cuyos puntos representaría un punto de partida (x_0, y_0, z_0) para el estudio de la asignatura. Ese conjunto U no tiene por qué ser la gráfica de una de las variables respecto de las otras dos. La evolución de cada estudiante durante el

cuatrimestre se puede concebir como un camino sobre *U*, con inicio en (x_0, y_0, z_0) y final en un cierto punto (x_1, y_1, z_1). Obviamente pretendemos incrementar z_1, pero también que *y* (y hasta *x*) aumenten cuanto sea posible. La energía necesaria para desplazarnos desde un punto al otro se obtendrá a partir del esfuerzo personal y del apoyo del equipo docente.

Resulta una quimera pretender establecer con precisión el conjunto *U*, incluso, determinar los valores de *x, y, z* para una persona determinada, en un cierto momento. Pero la imposibilidad de medir con precisión no es excusa para suspender el juicio; por lo menos, debemos establecer cada variable en un nivel *bajo* (0-5), *medio* (5-7) o *alto* (7-10). Nada puede sustituir al acto de introspección que nos permite cono-cernos mejor de lo que pueda indicar cualquier procedimiento de evaluación. Por supuesto, el resultado de esta autoevaluación debe ser totalmente privado; no se debería compartir ni con el profesor ni con el tutor ni con los compañeros. Lo importante es no engañarse a uno mismo.

Tampoco tiene sentido esforzarse por medir nuestras capacidades y conocimientos si no tenemos claras las consecuencias que se derivarían de uno u otro resultado. Las siguientes indicaciones pueden ser de utilidad a este respecto:

- Es difícil modificar la variable *x*, en la que influyen aptitud y actitud; tal vez se pueda incrementar *x* modificando nuestra actitud hacia las matemáticas, en general, y el cálculo, en particular.
- Una valoración baja de la variable *x* implica la necesidad de incrementar pro-por-cionalmente todos los tiempos de dedicación que se detallan en esta guía. Asimismo, una valoración alta nos indicaría que quizá podamos dedicar menos tiempo del que se prevé en estos documentos.
- Una valoración media o baja de la variable *y* indicaría la necesidad de *añadir* una dedicación suplementaria antes de comenzar a estudiar. Podemos fijar en *y=5* el nivel que permite superar las pruebas ordinarias de acceso a la universidad.
- Una valoración media o baja de la variable *z* indicaría la necesidad de *añadir* una dedicación suplementaria a revisar los contenidos de *Cálculo* de primer curso. Podemos establecer en *z=3* el dominio de todos los contenidos de esa asig-natura.

La siguiente expresión puede ser útil para orientarnos sobre el tiempo que nece-sitaremos dedicar a esta asignatura:

$(1290 - 72\,y - 54\,z\,) / x$ (en horas).

Se puede comprobar que un estudiante de capacidades medias debería dedicar a la asignatura unas 11 horas semanales durante las doce semanas del cuatrimestre (más el tiempo dedicado a repaso, pruebas de evaluación a distancia y pruebas presenciales).

- **La autoevaluación** continua mediante los cuestionarios (cerca de cincuenta) que se distribuyen por el manual. En el curso virtual se publican las soluciones.
- **Las pruebas de evaluación a distancia**. Véase el apartado de Evaluación en esta guía.

•**La prueba presencial**. Véase el apartado de Evaluación en esta guía.

En cualquier caso, se deben consultar los planes de estudio, incluidos en las correspondientes memorias de verificación de los títulos, para conocer la información vinculante sobre contenidos, resultados del aprendizaje, actividades formativas y sistemas de evaluación.

SISTEMA DE EVALUACIÓN

TIPO DE PRUEBA PRESENCIAL

Tipo de examen	Examen de desarrollo
Preguntas desarrollo	3
Duración del examen	120 (minutos)

Material permitido en el examen

Se permite utilizar en el examen un único libro original relacionado con la materia. No se permite llevar al examen apuntes ni hojas fotocopiadas, ni sueltas ni encuadernadas.

El libro escogido, que puede contener anotaciones del alumno, no se podrá prestar a ningún compañero.

No está permitido el uso de calculadoras ni de ningún otro tipo de material.

Por libro se entiende un solo volumen, es decir, dos tomos contarían como dos libros, por lo que solo se podría llevar uno de ellos.

Criterios de evaluación

Tanto en la convocatoria de febrero, como en la de septiembre, la prueba escrita presencial constará de **tres preguntas**, que podrán ser teóricas, prácticas o teórico-prácticas y que podrán tener varios apartados.

Criterios de corrección.

Cada una de las tres preguntas se valora de 0 a 10 puntos. La calificación del examen es la media aritmética de las tres notas.

Es obligatorio realizar los ejercicios por los procedimientos que se indiquen en el enunciado.

Es necesario desarrollar el proceso lógico que lleva a un resultado numérico. Los resultados, parciales o finales, que no se justifican no puntúan nada.

Lo dicho en el punto 3 no significa que se deban escribir diez líneas para evaluar un polinomio o para derivar una fracción algebraica. Cuando se alarga innecesariamente un cálculo, aumenta la probabilidad de equivocarse. Lo importante es registrar el razonamiento y evitar los indicios inequivocos de razonamiento deficiente, como poner símbolos de integral sin indicar el dominio (no nos referimos a antiderivadas aquí) o llamar f a todas las funciones que aparezcan en el desarrollo.

No se valoran las explicaciones sobre cómo realizar el ejercicio, ni las transcripciones de conceptos teóricos. Frecuentemente se dedica más tiempo a explicar cómo se debería realizar un ejercicio del que se necesita para desarrollarlo. Los ejercicios inconclusos nunca puntuarán como si estuvieran terminados: resultaría muy injusto valorar mejor un ejercicio completado hasta el 95% que otro, correcto hasta el 95%, pero con algún error en el intento de terminarlo. Debe quedar claro que, en un examen, los comentarios del tipo: “análogamente se calcularía”, “no me da tiempo a terminar, pero explico lo que falta por hacer”, ”sustituyendo en …se obtendría el resultado”, etc., no contribuyen absolutamente en nada a incrementar la puntuación.

Todos los errores implican una penalización. Los errores de concepto se penalizan más que los de cálculo y, entre estos últimos, descuentan más puntos los que producen resultados disparatados. Un error grave de concepto conlleva la anulación del apartado o ejercicio correspondiente. Los errores de cálculo son más graves en aquellos ejercicios que no implican nada más que la aplicación de un algoritmo descrito en el texto-base.

Después de detectar un error de cálculo, se continuará con la corrección adaptada a ese nuevo valor. Cuatro errores de cálculo independientes en un mismo procedimiento lo anulan por completo.

Para obtener la máxima puntuación en una pregunta hay que contestar correctamente a todas las cuestiones que se plantean.

No se admiten subterfugios; las respuestas deben ser francas. Después de realizar un cálculo, quienes contestan honradamente, intentan presentar el resultado como se les pide, con el riesgo de equivocarse, pues en ocasiones ocurre que uno calcula algo correctamente sin estar seguro del todo de lo que ha hecho; en cambio, otros, ante la duda, presentan una respuesta intencionadamente confusa, con la intención de apuntarse a la respuesta correcta, fuera cual fuera finalmente. No se permitirá que quienes obran de esta segunda manera consigan ventaja alguna sobre los primeros.

No se admitirán dos respuestas para una misma pregunta. Si se quiere modificar una, se debe tachar completamente la anterior. No es del todo infrecuente encontrarse, al corregir, una respuesta junto con otra alternativa, pretendiendo el autor que se le puntúe la que esté mejor. En todo caso, de otorgarse alguna puntuación, será la menor de las puntuaciones asignadas a las distintas respuestas.

% del examen sobre la nota final	90
Nota del examen para aprobar sin PEC	5
Nota máxima que aporta el examen a la calificación final sin PEC	10
Nota mínima en el examen para sumar la PEC	3,5

Comentarios y observaciones

Nota sobre el apartado "% del examen sobre la nota final".

Esta guía está elaborada sobre una aplicación que obliga a rellenar el campo denominado "% del examen sobre la nota final" con un número comprendido entre 0 y 100. Al parecer, los diseñadores de la aplicación han dado por supuesto que siempre se evalúa mediante una media aritmética ponderada.

Como las puntuaciones de las preguntas de las pruebas de evaluación a distancia se suman a la nota del examen (cuando esta última es mayor o igual que 3.5), no hay ponderación en sentido estricto (las PEC solo pueden incrementar la nota, nunca reducirla). Véase el apartado *¿Cómo se obtiene la nota final?*

En nuestro caso, el 90 que aparece en el campo "% del examen sobre la nota final" debe interpretarse como un valor aproximado, la esperanza matemática de la variable aleatoria *100*Nota del examen / Nota final* para las distribuciones habituales de las notas de quienes obtienen una nota final mayor que cero en esta asignatura.

En todo caso, cualquier media ponderada que atribuyera al examen un peso comprendido entre el 90% y el 100% proporcionaría una nota final inferior a la que proporciona el método de obtención de la calificación final en esta asignatura.

Lamentamos que el formato de los documentos oficiales genere confusión. Por favor, consulte el apartado titulado *¿Cómo se obtiene la nota final?*

PRUEBAS DE EVALUACIÓN CONTINUA (PEC)

¿Hay PEC?	Si

Descripción

La evaluación continua, como su nombre indica, consiste en la observación *continua* del progreso del aprendizaje del estudiantado. Por eso, participar en el proceso de *Evaluación Continua* exige estudiar la asignatura según el cronograma establecido, visualizar las videoclases de teoría, realizar los ejercicios de autoevaluación de los cuestionarios, estar al tanto de cuanto se publique en los foros y participar en ellos, así como contestar a las pruebas de evaluación distancia denominadas *Pruebas de Evaluación Continua (PEC)*.

Se ofrecen dos alternativas para superar la evaluación final de *Ampliación de Cálculo*:

Quienes no puedan o no deseen estudiar de forma continuada la asignatura pueden superarla alcanzando cinco puntos en el examen presencial final. No hay ninguna penalización por no participar en el proceso de *Evaluación Continua*, pues la puntuación correspondiente se añade a la nota del examen, en su caso, pero no se promedia con ningún peso (lo que podría llevar a reducciones de la nota del examen).

Quienes puedan y deseen estudiar de forma continuada la asignatura pueden participar en el proceso de *Evaluación Continua* y obtener así una puntuación entre 0 y 1.5 puntos que se añade a la nota del examen, excepto cuando esta última sea menor que 3.5 puntos.

En *Ampliación de Cálculo* hay tres pruebas de evaluación a distancia en línea (también conocidas como *Pruebas de Evaluación Continua*, PEC), una por cada bloque temático de la asignatura. El acceso a las PEC puede estár condicionado a la superación de otras pruebas no puntuables integradas en el proceso de *Evaluación Continua*, como, por ejemplo, aquellas en las que se informa de las normas especifícas de la PEC y el estudiante confirma que las conoce.

La primera PEC versa sobre el primer bloque temático (Temas II y III), la segunda, sobre el segundo bloque temático (Temas IV y V) y la tercera, sobre el tercer bloque (Temas VI y VII).

Las pruebas de evaluación continua se desarrollan en línea a través del curso virtual. Cada prueba consta de cinco preguntas. Las preguntas pueden ser de distintos tipos: opción múltiple (la respuesta es válida si y solo si se señalan todas las opciones verdaderas y solo las verdaderas); respuesta matemática (se contesta escribiendo una expresión matemática en el cuadro correspondiente mediante un editor de ecuaciones como WIRIS y la aplicación la corrige automáticamente), etc. En cualquier caso, la corrección de cada pregunta solo puede dar dos resultados: "incorrecta" (no se añaden ni se restan puntos) o "correcta" (se añaden 0.1 puntos a la calificación final, excepto cuando la nota del examen es inferior a 3.5 puntos, en cuyo caso, la evaluación continua no afecta a la calificación final).

Se incluirá en el curso virtual una prueba no calificable cuya única finalidad es la de familiarizarse con el funcionamiento de la plataforma en la que se desarrollarán las pruebas evaluables a distancia. No es obligatorio realizar esta prueba no evaluable, pero sí es muy recomendable, pues los fallos al introducir las respuestas en las pruebas evaluables se tratarán como respuestas

incorrectas (recordemos que la corrección es automática).
El equipo docente informará sobre calendario y otros detalles de la pruebas de evaluación continua a través del foro del curso virtual.
Para cada pregunta se ha dispuesto una tarea diferente y cada tarea tiene asignado un tiempo máximo de realización adaptado al contenido de la pregunta.
Las preguntas pueden contestarse en cualquier orden y en el momento que resulte más conveniente, dentro del intervalo de tiempo comprendido entre la "fecha de inicio" y la "fecha de entrega" indicadas en el curso virtual (la fecha de entrega será tres días posterior a la de inicio).
Las pruebas de evaluación continua no son obligatorias, aunque es aconsejable realizarlas para conseguir los objetivos de aprendizaje de la asignatura. Una prueba no realizada se evalúa con cero puntos.
Durante las pruebas en línea (PEC), se permite la utilización de todo tipo de documentos, en formato físico o digital, pero no está permitido recibir ayuda de otras personas ni emplear herramientas de inteligencia artificial. Tampoco está permitido copiar o editar por ningún medio (texto, fotografías, captura de imagen, etc.) los enunciados de las preguntas.
El incumplimento de alguna de estas normas de honestidad académica conllevará la anulación de la nota de evaluación continua.

Criterios de evaluación

Cada pregunta de opción múltiple puede tener una o varias opciones correctas. Si se marca alguna opción incorrecta o se deja de marcar alguna correcta, la pregunta se valora con cero puntos. Es decir, la respuesta se considera correcta si, y solo si, se señalan todas las opciones verdaderas y solo las opciones verdaderas.
Las preguntas de respuesta matemática se califican como "correctas" si la aplicación reconoce la expresión matemática introducida como matemáticamente equivalente a la respuesta del equipo docente y solo en ese caso.
Cada pregunta correctamente respondida suma 0.1 puntos a la nota final de la asignatura, exclusivamente si la nota del examen (prueba presencial) es igual o mayor que 3.5. Si la nota del examen (prueba presencial) es menor que 3.5, entonces la calificación final es la nota del examen. Veáse el apartado titulado "*¿Cómo se obtiene la nota final?*"
El incumplimento de alguna de las normas de honestidad académica conllevará la anulación de la nota de evaluación continua.

Ponderación de la PEC en la nota final	Por favor, consulte los apartados "Comentarios y observaciones sobre la prueba presencial" y "¿Cómo se obtiene la nota final?"
Fecha aproximada de entrega	PEC1: principios de noviembre / PEC2: principios de diciembre / PEC3: principios de enero.

Comentarios y observaciones

Las pruebas de evaluación continua no son obligatorias, pero es aconsejable realizarlas para conseguir los objetivos de aprendizaje de la asignatura. Una pregunta no contestada se evalúa con cero puntos.

En el curso virtual se informará con anticipación de las fechas exactas de las pruebas de evaluación continua. También se publicarán en el curso virtual las instrucciones precisas para realizar las pruebas, así como las soluciones de las preguntas, para que sirvan de retroalimentación, una vez concluida la evaluación de la prueba en cuestión.

OTRAS ACTIVIDADES EVALUABLES

¿Hay otra/s actividad/es evaluable/s?	No
Descripción	
Criterios de evaluación	
Ponderación en la nota final	
Fecha aproximada de entrega	
Comentarios y observaciones	

¿CÓMO SE OBTIENE LA NOTA FINAL?

Las pruebas de evaluación continua no son obligatorias. Las preguntas de una prueba de evaluación continua que no se contesten se califican con **cero puntos**. Si el estudiante no se presenta al examen final presencial, y solo en ese caso, la calificación final es de "No Presentado", tenga o no notas en las pruebas de evaluación continua.

La nota final en convocatoria de febrero será

en donde:

x, en el intervalo [0, 10], es la nota de la prueba presencial de febrero (examen);

y, en el intervalo [0, 1.5], es la suma de las puntuaciones obtenidas en las 15 preguntas de las tres PEC (noviembre, diciembre y enero).

La nota final en convocatoria de septiembre será

en donde:

x, en el intervalo [0, 10], es la nota de la prueba presencial de septiembre (examen);

y, en el intervalo [0, 1.5], es la suma de las puntuaciones obtenidas en las 15 preguntas de las tres PEC (noviembre, diciembre y enero).

Tanto en las convocatoria ordinaria (febrero), como en la extraordinaria (septiembre) es imprescindible alzanzar una nota final mayor o igual que 5 para superar la asignatura.

Nota sobre las ponderaciones.

Este procedimiento de obtención de la nota final no es una media ponderada. Una media aritmética ponderada tendría la forma

$M_p(x,y) = p\,x + (1-p)\,(10/1.5)\,y$,

en donde *p*, en el intervalo [0,1], sería el peso del examen.

Es fácil comprobar que la nota final obtenida por el procedimiento de esta asignatura es mayor o igual que $M_p(x,y)$ para todos los *x* en el intervalo [0, 10], los *y* en el intervalo [0,1.5] y los *p*, en el intervalo [0.9,1]. Es decir, cualquier media ponderada que atribuyera al examen un peso comprendido entre el 90% y el 100% (*p* entre 0.9 y 1) proporcionaría una nota final inferior a la que proporciona el método de obtención de la calificación final en esta asignatura.

BIBLIOGRAFÍA BÁSICA

ISBN(13):9788436279528
Título:AMPLIACIÓN DE CÁLCULO2023
Autor/es:Perán Mazón, J. ; Durand Cartagena, E. ;
Editorial:Editorial UNED

En esta asignatura se publican en el curso virtual todos los materiales didácticos:

1. El texto-base (en formato PDF sin DRM),

E. Durand, J. Perán. *Ampliación de Cálculo*. Editorial UNED. **2023**.

Este manual, que incluye los contenidos teóricos, estará disponible gratuitamente en el

curso virtual. También se podrá adquirir en formato impreso en la Editorial UNED.

2. Los enunciados y las soluciones de los cuestionarios (en formato PDF sin DRM).

3. Una colección de ejercicios resueltos de cada bloque (en formato PDF sin DRM).

Los autores ceden gratuitamente a la UNED los derechos patrimoniales de estas obras para su uso en el entorno docente, renunciando a cualquier posible remuneración por los derechos de autor cedidos. La titularidad de los derechos morales y explotación de propiedad intelectual pertenecen y seguirán perteneciendo a los autores.

Los estudiantes que deseen repasar, antes de la apertura de los cursos virtuales, los contenidos recomendables para cursar la asignatura podrán descargar el Tema I del texto-base en la página WEB del Departamento de Matemática Aplicada de la UNED, a la que se puede acceder sin necesidad de autentificarse.

El texto-base está dividido en siete temas, que corresponden con los siete temas del programa de la asignatura. Además de la exposición de contenidos teóricos del texto-base, se incluyen los siguientes materiales prácticos:

•*Ejemplos*. El libro incluye unos 270 ejemplos completamente desarrollados.

•*Enunciados de los cuestionarios*. En el libro se intercalan 47 cuestionarios, que constan de diferente número de cuestiones breves que es recomendable aclarar antes de continuar el estudio. En los foros del curso virtual se ofrecerán sugerencias, retroalimentación y respuestas para esas doscientas o trescientas cuestiones.

Finalmente, señalemos que, al final de cada tema, se incluye una relación de lecturas y actividades recomendadas, destinadas a los estudiantes que quieran ampliar o aplicar los conocimientos y destrezas adquiridos. En esa sección se aportan también recursos de Internet relacionados con los contenidos.

BIBLIOGRAFÍA COMPLEMENTARIA

ISBN(13):9786074815962
Título:INTRODUCCIÓN AL ANÁLISIS COMPLEJO CON APLICACIONES2
Autor/es:Dennis G. Zill ;
Editorial:Cengage Learning

ISBN(13):9788436235678
Título:AMPLIACIÓN DE CÁLCULO. TOMO II. CÁLCULO INTEGRAL, FUNCIONES DE VARIABLE COMPLEJA1ª
Autor/es:Rodriguez Marín, Luis ;
Editorial:U.N.E.D.

ISBN(13):9788436236576

Título:AMPLIACIÓN DE CÁLCULO. EJERCICIOS DE AUTOCOMPROBACIÓN1ª
Autor/es:Perán Mazón, Juan ; Rodriguez Marín, Luis ;
Editorial:U.N.E.D.

ISBN(13):9788478290697
Título:CÁLCULO VECTORIAL5ª
Autor/es:Tromba, Anthony J. ; Marsden, Jerrold E. ;
Editorial:PEARSON ADDISON-WESLEY

Al final de cada tema del texto-base, se incluyen comentarios sobre la bibliografía complementaria para su estudio.

RECURSOS DE APOYO Y WEBGRAFÍA

Además del material básico de la asignatura disponible en el curso virtual, en el texto base se recomienda una serie de sitios de Internet que pueden ser útiles para preparar la asignatura. En el propio texto-base se comentan estos recursos en el contexto de cada tema:

- *Aleph0, a channel devoted to bringing pure mathematics into the hands of learners*. YouTube. Retrieved February 7, 2023. https://www.youtube.com/@Aleph0/featured.
- *Stokes' theorem on manifolds*. YouTube. Retrieved February 7, 2023, (2020). https://youtu.be/1lGM5DEdMaw.
- Arnold, Douglas and Jonathan Rogness: *Moebius transformations revealed*. YouTube. Retrieved February 7, 2023, (2010). https://youtu.be/0z1fIsUNhO4.
- Crane, Kenan: Discrete differential geometry - cmu 15-458/858. YouTube. Retrieved February 7, 2023. https://www.youtube.com/playlist?list=PL9_jI1bdZmz0hIrNCMQW1YmZysAiIYSSS.
- Crane, Kenan: Lecture 12: Smooth surfaces i. YouTube. Retrieved February 7, 2023. https://youtu.be/sV58Fy2s6ac.
- Eremenko, Alexandre: *What is a really good book for complex variables?* MathOverflow. https://mathoverflow.net/q/332408.
- Hafner, Izidor: *Zeros, poles, and essential singularities*. Wolfram Demonstrations Project, 2016. https://demonstrations.wolfram.com/ZerosPolesAndEssentialSingularities/.

• Roitman, J.: Introduction to Modern Set Theory. A Wiley-interscience publication. Wiley, 1990. https://www.people.vcu.edu/~clarson/roitman-set-theory.pdf.
• Sanderson, Grant: *3blue1brown, primarily a youtube channel about discovery and creativity in math*. https://www.3blue1brown.com/.
• Sanderson, Grant: *How to lie using visual proofs*. YouTube. Retrieved February 7, 2023, (2022). https://youtu.be/VYQVlVoWoPY.

PRÁCTICAS DE LABORATORIO

¿Hay prácticas en esta asignatura de cualquier tipo (en el Centro Asociado de la Uned, en la Sede Central, Remotas, Online,..)?

No

CARACTERÍSTICAS GENERALES

Presencial:

Obligatoria:

Es necesario aprobar el examen para realizarlas:

Fechas aproximadas de realización:

Se guarda la nota en cursos posteriores si no se aprueba el examen:
(Si es así, durante cuántos cursos)

Cómo se determina la nota de las prácticas:

REALIZACIÓN

Lugar de realización (Centro Asociado/ Sede central/ Remotas/ Online):

N.º de sesiones:

Actividades a realizar:

OTRAS INDICACIONES:

IGUALDAD DE GÉNERO

En coherencia con el valor asumido de la igualdad de género, todas las denominaciones que en esta Guía hacen referencia a órganos de gobierno unipersonales, de representación, o miembros de la comunidad universitaria y se efectúan en género masculino, cuando no se hayan sustituido por términos genéricos, se entenderán hechas indistintamente en género femenino o masculino, según el sexo del titular que los desempeñe.